

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
Γ' ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ ΕΠΑΛ (ΟΜΑΔΑ Α')
ΠΕΜΠΤΗ 21 ΜΑΪΟΥ 2015 – ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ:
ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΑ I**

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1.** (i) Τα áκρα των διαστημάτων που αποτελούν τα áκρα του πεδίου ορισμού της συνάρτησης.
(ii) Τα εσωτερικά σημεία του πεδίου ορισμού της συνάρτησης στα οποία δεν υπάρχει η παράγωγος της συνάρτησης. Τα σημεία αυτά καλούνται γωνιακά σημεία της f .
(iii) Τα εσωτερικά σημεία του πεδίου ορισμού της συνάρτησης στα οποία υπάρχει η παράγωγος f και είναι ίση με μηδέν. Τα σημεία αυτά καλούνται στάσιμα σημεία της f .

A2. $\alpha \rightarrow \Lambda$

$\beta \rightarrow \Sigma$

$\gamma \rightarrow \Lambda$

$\delta \rightarrow \Lambda$

$\varepsilon \rightarrow \Sigma$

A3. α)
$$\int_{\alpha}^{\beta} \frac{1}{x} dx = \left[\ln|x| \right]_{\alpha}^{\beta}$$

β) $(c)' = 0$

γ)
$$\bar{x} = \frac{v_1 x_1 + v_2 x_2 + \dots + v_k x_k}{v}$$

ΘΕΜΑ Β

B1.

x_i	K_i	v_i	N_i	$K_i v_i$	$\bar{x} - K_i$	$(\bar{x} - K_i)^2$	$v_i (\bar{x} - K_i)^2$
[5,15)	10	20	20	200	10	100	2000

[15,25)	20	14	34	280	0	0	0
[25,35)	30	12	46	360	-10	100	1200
[35,45)	40	4	50	160	-20	400	1600
Σύνολα	---	50	---	1000	---	---	4800

$$v_2 = N_2 - N_1 = 34 - 20 = 14$$

$$v_4 = v - (v_1 + v_2 + v_3) = 50 - 46 = 4$$

B2. $\bar{x} = \frac{1000}{50} = 20$

B3. $s^2 = \frac{4800}{50} = 96 \quad s = \sqrt{s^2} = \sqrt{96} \approx 10$

B4. $CV = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100\% = \frac{10}{20} \cdot 100\% = 50\%$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (4x + 4e^{x-2}) = 4 \cdot 2 + 4e^{2-2} = 8 + 4e^0 = 8 + 4 = 12$

Γ2. $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^3 - 8}{\lambda x - 2\lambda} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\frac{d}{dx}(x^3 - 8)}{\frac{d}{dx}(\lambda x - 2\lambda)} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{3x^2}{\lambda} = \frac{3 \cdot 2^2}{\lambda} = \frac{12}{\lambda}$

Γ3. Η f συνεχής στο $x = 2 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = f(2)$

$$\text{Άρα } \frac{12}{\lambda} = 12 \Leftrightarrow 12\lambda = 12 \Leftrightarrow \lambda = 1$$

Γ4. Το ολοκλήρωμα υπολογίζεται από τον 2^o κλάδο:

$$\int_1^2 f(x) dx = \int_1^2 (4x + 4e^{x-2}) dx = \int_1^2 4x dx + 4 \int_1^2 e^{x-2} dx = [2x^2]_1^2 + 4 \int_1^2 (x-2)' e^{x-2} dx =$$

$$= 2 \cdot 2^2 - 2 \cdot 1^2 + 4 [e^{x-2}]_1^2 = 8 - 2 + 4(e^{2-2} - e^{1-2}) = 6 + 4(e^0 - e^{-1}) =$$

$$= 6 + 4 \left(1 - \frac{1}{e} \right) = 6 + 4 - \frac{4}{e} = 10 - \frac{4}{e}$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. $B'(t) = \left(-\frac{t^3}{3} \right)' + (2t^2)' + (12t)' + (15)' = -t^2 + 4t + 12$ τόνους έτος

Δ2. $B'(t) = 0 \Leftrightarrow -t^2 + 4t + 12 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = -2 \\ t = 6 \end{cases}$

t	$-\infty$	-2	0	6	10	$+\infty$
$B'(t)$		0	+	0	-	
$B(t)$			□	□		

T.E. T.M. T.E.

Για $t = 6$ έτη το βάρος γίνεται μέγιστο.

Δ3. Από τον πίνακα έχουμε ότι στο $[6,9]$ η $B(t)$ είναι γνησίως φθίνουσα

$$6 \leq t \leq 9 \Rightarrow B(6) \geq B(t) \geq B(9)$$

Δ4. $B''(t) = (-t^2)' + (4t)' + (12)' = -2t + 4$ τόνους έτος²

$$B''(t) = 0 \Leftrightarrow -2t + 4 = 0 \Leftrightarrow t = 2$$

t	0	2	10
$B''(t)$	+	0	-
$B'(t)$	□	□	

T.E. T.M. T.E.

Ο ρυθμός μεταβολής του βάρους γίνεται μέγιστος για $t = 2$ έτη.